



"1985-2025 - 40 Aniversario del CIN"

## Cálculo Nivel IV

Responsable: Mg. Silvina Ruth Gomez, mail: sgomez@herrera.unt.edu.ar

Semestre: 2°

Carga horaria: 6 hs. reloj semanales.

Mecanismo para aprobar: aprobar un parcial de práctica y un parcial de teoría con ota mayor o

igual a 4(cuatro). Cada parcial tiene una sola recuperación.

# **Programa**

# Unidad 1

Definición de supremo e ínfimo de un conjunto – Propiedades – Integral doble de Riemann – Propiedades – Integrales paramétricas – Continuidad y derivación respecto del parámetro: Regla de Leibniz (enunciado) – Teorema del valor medio del Cálculo Integral (demostración) – Teorema de cálculo de una integral doble mediante dos integrales simples sucesivas (enunciado) – Cálculo de área y volumen mediante integrales dobles – Aplicaciones de integrales dobles a la Física – Teorema de cambio de variables en integrales dobles(enunciado) – Aplicaciones: transformaciones lineales, coordenadas polares.

#### Unidad 2

Integrales triples- Cálculo de una integral triple mediante tres integrales simples sucesivas – Cálculo volumen mediante integrales triples – Aplicaciones de integrales triples a la Física – Cambio de variables en integrales triples: coordenadas esféricas y cilíndricas.

## **Unidad 3**

Longitud de arco de curva — Integral curvilínea de una función real. — Integral curvilínea de una función vectorial — Propiedades. — Teorema de Gauss-Green en el plano (demostración) — Condición necesaria y suficiente para que una integral curvilínea no dependa del camino de integración (enunciado) — Forma diferencial exacta y Función potencial.

#### **Unidad 4**

Superficie definida paramétricamente – Área de superficie – Integral de superficie de una función real – Integral de superficie de una función vectorial – Teorema de Gauss-Ostrogradski. (enunciado). – Teorema de Stokes. (enunciado).

#### Bibliografía

- -Leithold, Louis- El Cálculo con Geometría Analítica Harla, México, 1987.
- -Haaser, N. B.; LaSalle, J.P.; Sullivan, J. A. Análisis Matemático 2, Curso Intermedio Trillas, México, 1977.
- -Marsden, J. E.; Tromba, A. J. Cálculo Vectorial Pearson Educación 5ta edición- Madrid, 2004.





"1985-2025 - 40 Aniversario del CIN"

- -Rabuffetti, Hebe T. Introducción al Análisis Matemático (Cálculo 2) Ed. El Ateneo, Argentina, 2002.
- -Williamson-Crowell-Trotter.-Cálculo de funciones Vectoriales-Ed. Prentice Hall Internacional-1970.-
- Watson Fulks- Cálculo Avanzado- Ed. Limusa, México 1973.
- -Bartle, Robert G.-The Elements of Real Analysis- John Wiley and Sons, 1964
- -Spivak, Michael-Cálculo en Variedades-Ed. Reverté, s.a.-1979.
- -Lagarrigue, E. Marta- Notas de clase de Análisis Matemático II.

Mg. Silvina Ruth Gomez Profesora Titular